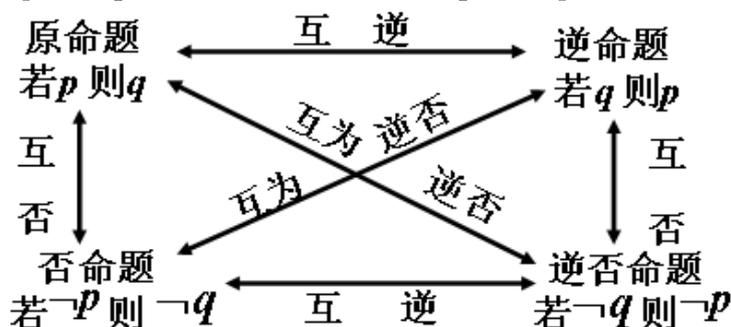


高中数学选修 2-1 知识点

第一章：命题与逻辑结构

- 命题：用语言、符号或式子表达的，可以判断真假的陈述句。
真命题：判断为真的语句. 假命题：判断为假的语句.
- “若 p ，则 q ”形式的命题中的 p 称为命题的条件， q 称为命题的结论.
- 对于两个命题，如果一个命题的条件和结论分别是另一个命题的结论和条件，则这两个命题称为互逆命题. 其中一个命题称为原命题，另一个称为原命题的逆命题.
若原命题为“若 p ，则 q ”，它的逆命题为“若 q ，则 p ”.
- 对于两个命题，如果一个命题的条件和结论恰好是另一个命题的条件的否定和结论的否定，则这两个命题称为互否命题. 中一个命题称为原命题，另一个称为原命题的否命题.
若原命题为“若 p ，则 q ”，则它的否命题为“若 $\neg p$ ，则 $\neg q$ ”.
- 对于两个命题，如果一个命题的条件和结论恰好是另一个命题的结论的否定和条件的否定，则这两个命题称为互为逆否命题。其中一个命题称为原命题，另一个称为原命题的逆否命题。
若原命题为“若 p ，则 q ”，则它的否命题为“若 $\neg q$ ，则 $\neg p$ ”。



6、四种命题的真假性：

原命题	逆命题	否命题	逆否命题
真	真	真	真
真	假	假	真
假	真	真	假
假	假	假	假

四种命题的真假性之间的关系：

- 两个命题互为逆否命题，它们有相同的真假性；
- 两个命题为互逆命题或互否命题，它们的真假性没有关系.

7、若 $p \Rightarrow q$ ，则 p 是 q 的充分条件， q 是 p 的必要条件.

若 $p \Leftrightarrow q$ ，则 p 是 q 的充要条件（充分必要条件）.

8、用联结词“且”把命题 p 和命题 q 联结起来，得到一个新命题，记作 $p \wedge q$.

当 p 、 q 都是真命题时， $p \wedge q$ 是真命题；当 p 、 q 两个命题中有一个命题是假命题时， $p \wedge q$ 是假命题.

用联结词“或”把命题 p 和命题 q 联结起来，得到一个新命题，记作 $p \vee q$.

当 p 、 q 两个命题中有一个命题是真命题时， $p \vee q$ 是真命题；当 p 、 q 两个命题都是假命题时， $p \vee q$ 是假命题.

对一个命题 p 全盘否定，得到一个新命题，记作 $\neg p$.

若 p 是真命题，则 $\neg p$ 必是假命题；若 p 是假命题，则 $\neg p$ 必是真命题.

9、短语“对所有的”、“对任意一个”在逻辑中通常称为全称量词，用“ \forall ”表示。含有全称量词的命题称为全称命题。

全称命题“对M中任意一个x，有 $p(x)$ 成立”，记作“ $\forall x \in M, p(x)$ ”。

短语“存在一个”、“至少有一个”在逻辑中通常称为存在量词，用“ \exists ”表示。含有存在量词的命题称为特称命题。

特称命题“存在M中的一个x，使 $p(x)$ 成立”，记作“ $\exists x \in M, p(x)$ ”。

10、全称命题 $p: \forall x \in M, p(x)$ ，它的否定 $\neg p: \exists x \in M, \neg p(x)$ 。全称命题的否定是特称命题。

特称命题 $p: \exists x \in M, p(x)$ ，它的否定 $\neg p: \forall x \in M, \neg p(x)$ 。特称命题的否定是全称命题。

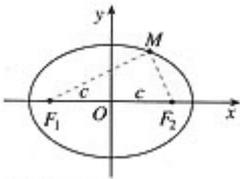
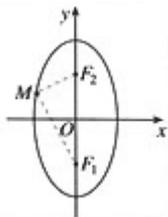
第二章：圆锥曲线

11、求曲线的方程（点的轨迹方程）的步骤：建、设、限、代、化

①建立适当的直角坐标系；②设动点 $M(x, y)$ 及其他的点；③找出满足限制条件的等式；④将点的坐标代入等式；⑤化简方程，并验证（查漏除杂）。

12、平面内与两个定点 F_1, F_2 的距离之和等于常数（大于 $|F_1F_2|$ ）的点的轨迹称为椭圆。这两个定点称为椭圆的焦点，两焦点的距离称为椭圆的焦距。 $|MF_1| + |MF_2| = 2a (2a > 2c)$

13、椭圆的几何性质：

焦点的位置	焦点在x轴上	焦点在y轴上
图形		
标准方程	$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$	$\frac{y^2}{a^2} + \frac{x^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$
范围	$-a \leq x \leq a$ 且 $-b \leq y \leq b$	$-b \leq x \leq b$ 且 $-a \leq y \leq a$
顶点	$A_1(-a, 0), A_2(a, 0)$ $B_1(0, -b), B_2(0, b)$	$A_1(0, -a), A_2(0, a)$ $B_1(-b, 0), B_2(b, 0)$
轴长	短轴的长 = $2b$ 长轴的长 = $2a$	
焦点	$F_1(-c, 0), F_2(c, 0)$	$F_1(0, -c), F_2(0, c)$
焦距	$ F_1F_2 = 2c (c^2 = a^2 - b^2), a$ 最大	
对称性	关于x轴、y轴对称，关于原点中心对称	

离心率	$e = \frac{c}{a} = \sqrt{1 - \frac{b^2}{a^2}} \quad (0 < e < 1)$	
准线方程	$x = \pm \frac{a^2}{c}$	$y = \pm \frac{a^2}{c}$

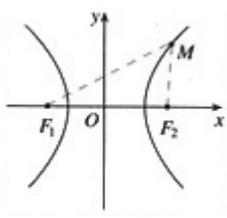
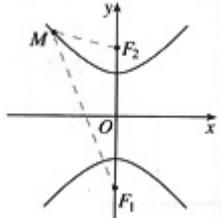
14、设 M 是椭圆上任一点，点 M 到 F_1 对应 准线的距离为 d_1 ，点 M 到 F_2 对应 准线的距离

为 d_2 ，则 $\frac{|MF_1|}{d_1} = \frac{|MF_2|}{d_2} = e$ 。

15、平面内与两个定点 F_1 ， F_2 的距离之差的绝对值等于常数（小于 $|F_1F_2|$ ）的点的轨迹称为双曲线。这两个定点称为双曲线的焦点，两焦点的距离称为双曲线的焦距。

$$\left| |MF_1| - |MF_2| \right| = 2a \quad (2a < 2c)$$

16、双曲线的几何性质：

焦点的位置	焦点在 x 轴上	焦点在 y 轴上
图形		
标准方程	$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \quad (a > 0, b > 0)$	$\frac{y^2}{a^2} - \frac{x^2}{b^2} = 1 \quad (a > 0, b > 0)$
范围	$x \leq -a$ 或 $x \geq a$ ， $y \in R$	$y \leq -a$ 或 $y \geq a$ ， $x \in R$
顶点	$A_1(-a, 0)$ 、 $A_2(a, 0)$	$A_1(0, -a)$ 、 $A_2(0, a)$
轴长	虚轴的长 = $2b$ 实轴的长 = $2a$	
焦点	$F_1(-c, 0)$ 、 $F_2(c, 0)$	$F_1(0, -c)$ 、 $F_2(0, c)$
焦距	$ F_1F_2 = 2c \quad (c^2 = a^2 + b^2)$ ， c 最大	
对称性	关于 x 轴、 y 轴对称，关于原点中心对称	
离心率	$e = \frac{c}{a} = \sqrt{1 + \frac{b^2}{a^2}} \quad (e > 1)$	
准线方程	$x = \pm \frac{a^2}{c}$	$y = \pm \frac{a^2}{c}$

渐近线方程	$y = \pm \frac{b}{a} x$	$y = \pm \frac{a}{b} x$
-------	-------------------------	-------------------------

17、实轴和虚轴等长的双曲线称为等轴双曲线。

18、设 M 是双曲线上任一点，点 M 到 F_1 对应 准线的距离为 d_1 ，点 M 到 F_2 对应 准线的距离为 d_2 ，则 $\frac{|MF_1|}{d_1} = \frac{|MF_2|}{d_2} = e$ 。

18、平面内与一个定点 F 和一条定直线 l 的距离相等的点的轨迹称为抛物线。定点 F 称为抛物线的焦点，定直线 l 称为抛物线的准线。

19、过抛物线的焦点作垂直于对称轴且交抛物线于 A 、 B 两点的线段 AB ，称为抛物线的“通径”，即 $|AB| = 2p$ 。

20、焦半径公式：

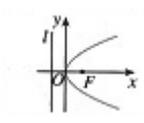
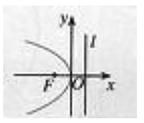
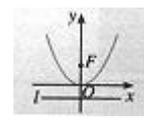
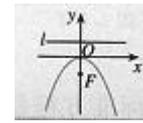
若点 $P(x_0, y_0)$ 在抛物线 $y^2 = 2px (p > 0)$ 上，焦点为 F ，则 $|PF| = x_0 + \frac{p}{2}$ ；

若点 $P(x_0, y_0)$ 在抛物线 $y^2 = -2px (p > 0)$ 上，焦点为 F ，则 $|PF| = -x_0 + \frac{p}{2}$ ；

若点 $P(x_0, y_0)$ 在抛物线 $x^2 = 2py (p > 0)$ 上，焦点为 F ，则 $|PF| = y_0 + \frac{p}{2}$ ；

若点 $P(x_0, y_0)$ 在抛物线 $x^2 = -2py (p > 0)$ 上，焦点为 F ，则 $|PF| = -y_0 + \frac{p}{2}$ 。

21、抛物线的几何性质：

	$y^2 = 2px$	$y^2 = -2px$	$x^2 = 2py$	$x^2 = -2py$
标准方程	$(p > 0)$	$(p > 0)$	$(p > 0)$	$(p > 0)$
图形				
顶点	$(0, 0)$			
对称轴	x 轴		y 轴	

焦点	$F\left(\frac{p}{2}, 0\right)$	$F\left(-\frac{p}{2}, 0\right)$	$F\left(0, \frac{p}{2}\right)$	$F\left(0, -\frac{p}{2}\right)$
准线方程	$x = -\frac{p}{2}$	$x = \frac{p}{2}$	$y = -\frac{p}{2}$	$y = \frac{p}{2}$
离心率	$e = 1$			
范围	$x \geq 0$	$x \leq 0$	$y \geq 0$	$y \leq 0$

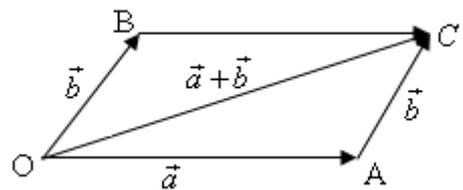
第三章：空间向量

1、空间向量的概念：

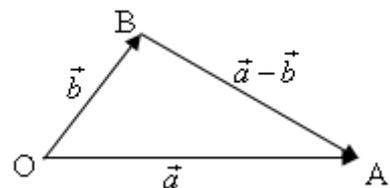
- (1) 在空间，具有大小和方向的量称为空间向量.
- (2) 向量可用一条有向线段来表示. 有向线段的长度表示向量的大小，箭头所指的方向表示向量的方向.
- (3) 向量 \overline{AB} 的大小称为向量的模（或长度），记作 $|\overline{AB}|$.
- (4) 模（或长度）为0的向量称为零向量；模为1的向量称为单位向量.
- (5) 与向量 \vec{a} 长度相等且方向相反的向量称为 \vec{a} 的相反向量，记作 $-\vec{a}$.
- (6) 方向相同且模相等的向量称为相等向量.

2、空间向量的加法和减法：

(1) 求两个向量和的运算称为向量的加法，它遵循平行四边形法则. 即：在空间以同一点O为起点的两个已知向量 \vec{a} 、 \vec{b} 为邻边作平行四边形OACB，则以O起点的对角线 \overline{OC} 就是 \vec{a} 与 \vec{b} 的和，这种求向量和的方法，称为向量加法的平行四边形法则.



(2) 求两个向量差的运算称为向量的减法，它遵循三角形法则. 即：在空间任取一点O，作 $\overline{OA} = \vec{a}$ ， $\overline{OB} = \vec{b}$ ，



则 $\overline{BA} = \vec{a} - \vec{b}$.

3、实数 λ 与空间向量 \vec{a} 的乘积 $\lambda\vec{a}$ 是一个向量，称为向量的数乘运算。当 $\lambda > 0$ 时， $\lambda\vec{a}$ 与 \vec{a} 方向相同；当 $\lambda < 0$ 时， $\lambda\vec{a}$ 与 \vec{a} 方向相反；当 $\lambda = 0$ 时， $\lambda\vec{a}$ 为零向量，记为 $\vec{0}$ 。 $\lambda\vec{a}$ 的长度是 \vec{a} 的长度的 $|\lambda|$ 倍。

4、设 λ, μ 为实数， \vec{a}, \vec{b} 是空间任意两个向量，则数乘运算满足分配律及结合律。

分配律： $\lambda(\vec{a} + \vec{b}) = \lambda\vec{a} + \lambda\vec{b}$ ；结合律： $\lambda(\mu\vec{a}) = (\lambda\mu)\vec{a}$ 。

5、如果表示空间的有向线段所在的直线互相平行或重合，则这些向量称为共线向量或平行向量，并规定零向量与任何向量都共线。

6、向量共线的充要条件：对于空间任意两个向量 $\vec{a}, \vec{b} (\vec{b} \neq \vec{0})$ ， $\vec{a} // \vec{b}$ 的充要条件是存在实数 λ ，使 $\vec{a} = \lambda\vec{b}$ 。

7、平行于同一个平面的向量称为共面向量。

8、向量共面定理：空间一点 P 位于平面 ABC 内的充要条件是存在有序实数对 x, y ，使 $\vec{AP} = x\vec{AB} + y\vec{AC}$ ；或对空间任一定点 O ，有 $\vec{OP} = \vec{OA} + x\vec{AB} + y\vec{AC}$ ；或若四点 P, A, B, C 共面，则 $\vec{OP} = x\vec{OA} + y\vec{OB} + z\vec{OC} (x + y + z = 1)$ 。

9、已知两个非零向量 \vec{a} 和 \vec{b} ，在空间任取一点 O ，作 $\vec{OA} = \vec{a}, \vec{OB} = \vec{b}$ ，则 $\angle AOB$ 称为向量 \vec{a}, \vec{b} 的夹角，记作 $\langle \vec{a}, \vec{b} \rangle$ 。两个向量夹角的取值范围是： $\langle \vec{a}, \vec{b} \rangle \in [0, \pi]$ 。

10、对于两个非零向量 \vec{a} 和 \vec{b} ，若 $\langle \vec{a}, \vec{b} \rangle = \frac{\pi}{2}$ ，则向量 \vec{a}, \vec{b} 互相垂直，记作 $\vec{a} \perp \vec{b}$ 。

11、已知两个非零向量 \vec{a} 和 \vec{b} ，则 $|\vec{a}||\vec{b}|\cos\langle \vec{a}, \vec{b} \rangle$ 称为 \vec{a}, \vec{b} 的数量积，记作 $\vec{a} \cdot \vec{b}$ 。即 $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}||\vec{b}|\cos\langle \vec{a}, \vec{b} \rangle$ 。零向量与任何向量的数量积为 0。

12、 $\vec{a} \cdot \vec{b}$ 等于 \vec{a} 的长度 $|\vec{a}|$ 与 \vec{b} 在 \vec{a} 的方向上的投影 $|\vec{b}|\cos\langle \vec{a}, \vec{b} \rangle$ 的乘积。

13 若 \vec{a}, \vec{b} 为非零向量， \vec{e} 为单位向量，则有 (1) $\vec{e} \cdot \vec{a} = \vec{a} \cdot \vec{e} = |\vec{a}|\cos\langle \vec{a}, \vec{e} \rangle$ ；

(2) $\vec{a} \perp \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 0$ ；(3) $\vec{a} \cdot \vec{b} = \begin{cases} |\vec{a}||\vec{b}| (\vec{a} \text{ 与 } \vec{b} \text{ 同向}) \\ -|\vec{a}||\vec{b}| (\vec{a} \text{ 与 } \vec{b} \text{ 反向}) \end{cases}$ ， $\vec{a} \cdot \vec{a} = |\vec{a}|^2$ ， $|\vec{a}| = \sqrt{\vec{a} \cdot \vec{a}}$ ；

(4) $\cos\langle \vec{a}, \vec{b} \rangle = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}||\vec{b}|}$ ；(5) $|\vec{a} \cdot \vec{b}| \leq |\vec{a}||\vec{b}|$ 。

14 量数乘积的运算律: (1) $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{a}$; (2) $(\lambda \vec{a}) \cdot \vec{b} = \lambda(\vec{a} \cdot \vec{b}) = \vec{a} \cdot (\lambda \vec{b})$;

$$(3) (\vec{a} + \vec{b}) \cdot \vec{c} = \vec{a} \cdot \vec{c} + \vec{b} \cdot \vec{c}.$$

15、空间向量基本定理: 若三个向量 \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} 不共面, 则对空间任一向量 \vec{p} , 存在实数组 $\{x, y, z\}$, 使得 $\vec{p} = x\vec{a} + y\vec{b} + z\vec{c}$.

16、三个向量 \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} 不共面, 则所有空间向量组成的集合是

$\{\vec{p} | \vec{p} = x\vec{a} + y\vec{b} + z\vec{c}, x, y, z \in \mathbf{R}\}$. 这个集合可看作是由向量 \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} 生成的,

$\{\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}\}$ 称为空间的一个基底, \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} 称为基向量. 空间任意三个不共面的向量都可以构成空间的一个基底.

17、设 \vec{e}_1 , \vec{e}_2 , \vec{e}_3 为有公共起点 O 的三个两两垂直的单位向量 (称它们为单位正交基底), 以 \vec{e}_1 , \vec{e}_2 , \vec{e}_3 的公共起点 O 为原点, 分别以 \vec{e}_1 , \vec{e}_2 , \vec{e}_3 的方向为 x 轴, y 轴, z 轴的正方向建立空间直角坐标系 $Oxyz$. 则对于空间任意一个向量 \vec{p} , 一定可以把它平移, 使它的起点与原点 O 重合, 得到向量 $\overrightarrow{OP} = \vec{p}$. 存在有序实数组 $\{x, y, z\}$, 使得 $\vec{p} = x\vec{e}_1 + y\vec{e}_2 + z\vec{e}_3$. 把 x , y , z 称作向量 \vec{p} 在单位正交基底 \vec{e}_1 , \vec{e}_2 , \vec{e}_3 下的坐标, 记作 $\vec{p} = (x, y, z)$. 此时, 向量 \vec{p} 的坐标是点 P 在空间直角坐标系 $Oxyz$ 中的坐标 (x, y, z) .

18、设 $\vec{a} = (x_1, y_1, z_1)$, $\vec{b} = (x_2, y_2, z_2)$, 则 (1) $\vec{a} + \vec{b} = (x_1 + x_2, y_1 + y_2, z_1 + z_2)$.

$$(2) \vec{a} - \vec{b} = (x_1 - x_2, y_1 - y_2, z_1 - z_2).$$

$$(3) \lambda \vec{a} = (\lambda x_1, \lambda y_1, \lambda z_1).$$

$$(4) \vec{a} \cdot \vec{b} = x_1 x_2 + y_1 y_2 + z_1 z_2.$$

(5) 若 \vec{a} 、 \vec{b} 为非零向量, 则 $\vec{a} \perp \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 0 \Leftrightarrow x_1 x_2 + y_1 y_2 + z_1 z_2 = 0$.

(6) 若 $\vec{b} \neq \vec{0}$, 则 $\vec{a} // \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} = \lambda \vec{b} \Leftrightarrow x_1 = \lambda x_2, y_1 = \lambda y_2, z_1 = \lambda z_2$.

$$(7) |\vec{a}| = \sqrt{\vec{a} \cdot \vec{a}} = \sqrt{x_1^2 + y_1^2 + z_1^2}.$$

$$(8) \cos \langle \vec{a}, \vec{b} \rangle = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| |\vec{b}|} = \frac{x_1 x_2 + y_1 y_2 + z_1 z_2}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2 + z_1^2} \cdot \sqrt{x_2^2 + y_2^2 + z_2^2}}.$$

(9) $A(x_1, y_1, z_1), B(x_2, y_2, z_2)$, 则 $d_{AB} = |\overline{AB}| = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$.

19、在空间中，取一定点 O 作为基点，那么空间中任意一点 P 的位置可以用向量 \overline{OP} 来表示。向量 \overline{OP} 称为点 P 的位置向量。

20、空间中任意一条直线 l 的位置可以由 l 上一个定点 A 以及一个定方向确定。点 A 是直线 l 上一点，向量 \vec{a} 表示直线 l 的方向向量，则对于直线 l 上的任意一点 P ，有 $\overline{AP} = t\vec{a}$ ，这样点 A 和向量 \vec{a} 不仅可以确定直线 l 的位置，还可以具体表示出直线 l 上的任意一点。

21、空间中平面 α 的位置可以由 α 内的两条相交直线来确定。设这两条相交直线相交于点 O ，它们的方向向量分别为 \vec{a}, \vec{b} 。 P 为平面 α 上任意一点，存在有序实数对 (x, y) ，使得 $\overline{OP} = x\vec{a} + y\vec{b}$ ，这样点 O 与向量 \vec{a}, \vec{b} 就确定了平面 α 的位置。

22、直线 l 垂直 α ，取直线 l 的方向向量 \vec{a} ，则向量 \vec{a} 称为平面 α 的法向量。

23、若空间不重合两条直线 a, b 的方向向量分别为 \vec{a}, \vec{b} ，则 $a \parallel b \Leftrightarrow \vec{a} \parallel \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} = \lambda\vec{b} (\lambda \in R)$ ， $a \perp b \Leftrightarrow \vec{a} \perp \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 0$ 。

24、若直线 a 的方向向量为 \vec{a} ，平面 α 的法向量为 \vec{n} ，且 $a \not\subset \alpha$ ，则 $a \parallel \alpha \Leftrightarrow \vec{a} \parallel \alpha \Leftrightarrow \vec{a} \perp \vec{n} \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{n} = 0$ ， $a \perp \alpha \Leftrightarrow \vec{a} \perp \alpha \Leftrightarrow \vec{a} \parallel \vec{n} \Leftrightarrow \vec{a} = \lambda\vec{n}$ 。

25、若空间不重合的两个平面 α, β 的法向量分别为 \vec{a}, \vec{b} ，则 $\alpha \parallel \beta \Leftrightarrow \vec{a} \parallel \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} = \lambda\vec{b}$ ， $\alpha \perp \beta \Leftrightarrow \vec{a} \perp \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 0$ 。

26、设异面直线 a, b 的夹角为 θ ，方向向量为 \vec{a}, \vec{b} ，其夹角为 φ ，则有

$$\cos \theta = |\cos \varphi| = \frac{|\vec{a} \cdot \vec{b}|}{|\vec{a}| |\vec{b}|}.$$

27、设直线 l 的方向向量为 \vec{l} ，平面 α 的法向量为 \vec{n} ， l 与 α 所成的角为 θ ， \vec{l} 与 \vec{n} 的夹角为 φ ，则有 $\sin \theta = |\cos \varphi| = \frac{|\vec{l} \cdot \vec{n}|}{|\vec{l}| |\vec{n}|}$ 。

28、设 \vec{n}_1, \vec{n}_2 是二面角 $\alpha - l - \beta$ 的两个面 α, β 的法向量，则向量 \vec{n}_1, \vec{n}_2 的夹角（或其补角）就是二面角的平面角的大小。若二面角 $\alpha - l - \beta$ 的平面角为 θ ，则 $|\cos \theta| = \frac{|\vec{n}_1 \cdot \vec{n}_2|}{|\vec{n}_1| |\vec{n}_2|}$ 。

29、点 A 与点 B 之间的距离可以转化为两点对应向量 \overline{AB} 的模 $|\overline{AB}|$ 计算。

30、在直线 l 上找一点 P ，过定点 A 且垂直于直线 l 的向量为 \vec{n} ，则定点 A 到直线 l 的距离

$$\text{为 } d = |\overrightarrow{PA}| |\cos \langle \overrightarrow{PA}, \vec{n} \rangle| = \frac{|\overrightarrow{PA} \cdot \vec{n}|}{|\vec{n}|}.$$

31、点 P 是平面 α 外一点，A 是平面 α 内的一定点， \vec{n} 为平面 α 的一个法向量，则点 P 到

$$\text{平面 } \alpha \text{ 的距离为 } d = |\overrightarrow{PA}| |\cos \langle \overrightarrow{PA}, \vec{n} \rangle| = \frac{|\overrightarrow{PA} \cdot \vec{n}|}{|\vec{n}|}.$$